

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(Name)

(Vorname)

(Matrikelnummer)

Fachbereich Elektrotechnik
und Informationstechnik

Prof. Georg Hoever

WS 2025/26

10.11.25

Erste Probeklausur zum Fach Mathematik 1

Bearbeitungszeit: 90 Minuten

Hilfsmittel: ein (beidseitig) handbeschriebenes DinA4-Blatt, *kein Taschenrechner*.

Bitte schreiben Sie Ihre Lösungen auf diese Aufgabenblätter.

Das Verlassen des Hörsaals während der Klausur ist nicht gestattet.

Mit meiner Unterschrift bestätige ich, dass ich die obigen Klausurbedingungen gelesen habe, und dass alle 9 Aufgaben (Aufgabe 1 - Aufgabe 9) in gut leserlichem Druck vorliegen.

(Unterschrift)

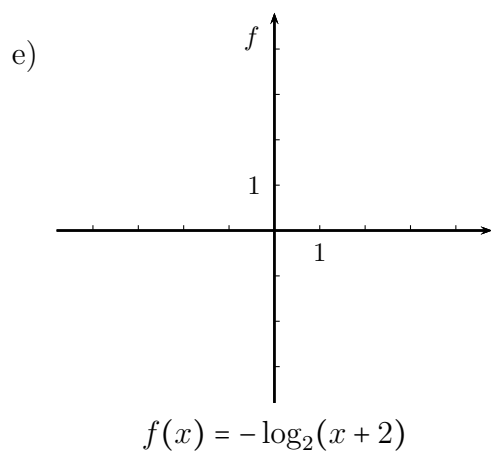
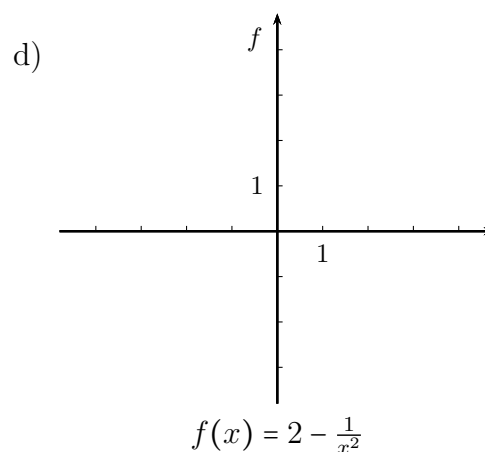
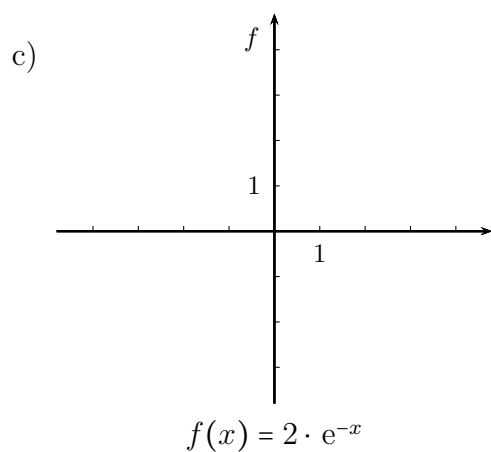
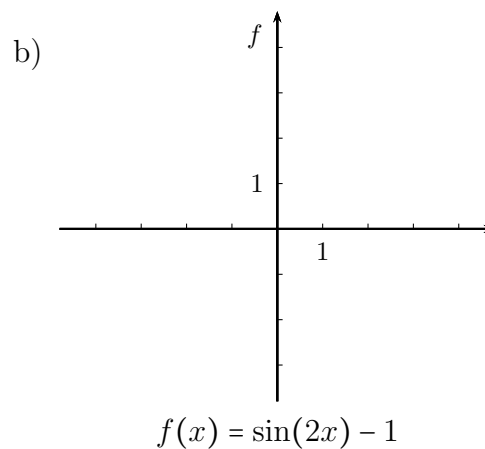
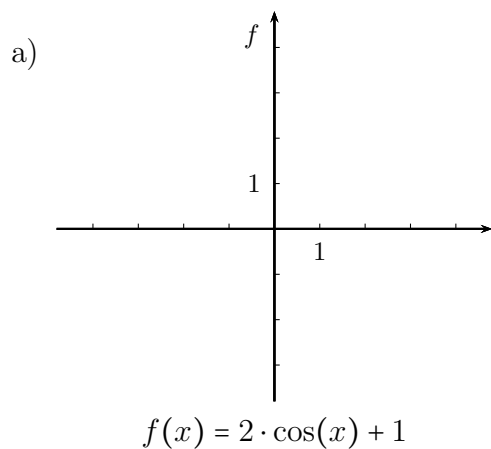
Viel Erfolg!

Aufgabe	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Σ
Max	10	8	8	10	8	12	12	10	8	86
Ist										

Note:

Aufgabe 1 (10 Punkte)

Skizzieren Sie die folgenden Funktionen jeweils in dem darüber stehenden Koordinatensystem:



Aufgabe 2 (8 Punkte)

Es sei

$$f(x) = \frac{-x - 5}{x^2 + x - 2}.$$

Geben Sie die Partialbruchzerlegung zu f an und skizzieren Sie grob den Funktionsgraph.

Aufgabe 3 (4 + 4 = 8 Punkte)

Geben Sie Werte $x \in \mathbb{R}$ an, für die die jeweilige Gleichung erfüllt ist.

a) $e^{2x} - 3 \cdot e^x = 4$.

b) $\log_2(8x) + \log_2 x = 1$.

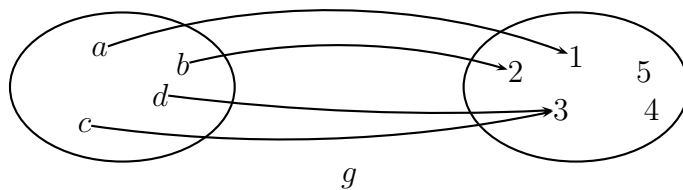
Aufgabe 4 (6 + 4 = 10 Punkte)

- a) Stellen Sie eine Formel auf, wie weit die Horizont-Linie auf Grund der Erdkrümmung entfernt ist, wenn man auf einem Turm der Höhe h steht. (Erdradius $R \approx 6370\text{km}$).
- b) Geben Sie eine grobe Abschätzung des Ergebnisses bei $h = 100\text{m}$ an.
(Das exakte Ergebnis soll innerhalb von $\pm 20\%$ Ihres Ergebnisses liegen.)

Aufgabe 5 (8 Punkte)

Betrachtet wird zum Einen $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \cos x$

und zum Anderen die skizzierte Abbildung $g : \{a, b, c, d\} \rightarrow \{1, 2, 3, 4, 5\}$.



Geben Sie jeweils ggf. eingeschränkte Definitions- und Zielbereiche D und Z an, so dass die entsprechenden Funktionen $D \rightarrow Z$ die angegebenen Eigenschaften besitzen.

	zu f		zu g	
	D	Z	D	Z
nicht injektiv, nicht surjektiv				
injektiv, nicht surjektiv				
nicht injektiv, surjektiv				
injektiv, surjektiv				

Aufgabe 6 (3 + 4 + 5 = 12 Punkte)

Sei $z_1 = -2 + 2j$ und $z_2 = 3 + j$.

- a) Skizzieren Sie z_1 und z_2 sowie die ungefähre Lage eines w mit $w^2 = z_1$ in der Gaußschen Zahlenebene.
- b) Berechnen Sie $z_1 + z_2$, $z_1 \cdot z_2$ und $\frac{z_1}{z_2}$.
- c) Geben Sie eine Polardarstellung von z_1 und von z_1^2 an.

Aufgabe 7 (12 Punkte, davon bis zu 6 Enthaltungspunkte)

Welche der folgenden Aussagen gelten für alle $z \in \mathbb{C}$?

(Sie brauchen Ihre Antwort nicht zu begründen.)

Kreuzen Sie jeweils die richtige Antwortmöglichkeit (2 Punkte) oder „Enthaltung“ (1 Punkt) an.

	gilt	gilt nicht	Enthaltung
$\operatorname{Re}(z) = \operatorname{Im}(j \cdot z)$			
$\operatorname{Im}(z) = \operatorname{Re}(j \cdot z)$			
$\operatorname{Re}(z^*) = \operatorname{Re}(z)$			
$\operatorname{Im}(z^*) = \operatorname{Im}(z)$			
$\operatorname{Re}(z^2) = (\operatorname{Re}(z))^2$			
$z \cdot z^* \in \mathbb{R}$			

Aufgabe 8 (4 + 4 + 2 = 10 Punkte)

Zur Zeit zahlt ein Betrieb einen Monatslohn von 2500€. Nun stehen zwei Tarifverträge zur Auswahl:

Modell 1: Jedes Jahr gibt es 100€ pro Monat mehr als im Vorjahr.

Modell 2: Jedes Jahr gibt es 3% mehr als im Vorjahr.

- a) Geben Sie eine Formel für den Monatslohn $M_{n,1}$ bzw. $M_{n,2}$ nach n Jahren bei Modell 1 bzw. Modell 2 an.
- b) Geben Sie (ggf. nur formelmäßig) an, nach wieviel Jahren nach einem Tarifabschluss bei den beiden Modellen jeweils das Monatseinkommen über 3000€ liegt.
- c) Welches Tarifmodell ist für den Arbeitnehmer auf lange Sicht gesehen besser? (Begründen Sie Ihre Aussage!)

Aufgabe 9 (8 Punkte)

Geben Sie die Grenzwerte (in $\mathbb{R} \cup \{-\infty, \infty\}$) der folgenden Folgen an.

(Sie brauchen Sie Ihre Angaben nicht zu begründen.)

a) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 - 2n + 1}{(n + 2) \cdot (2n + 3)} =$

b) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(2n - 1)^3}{n \cdot (3n + 1)^2} =$

c) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1 - n^2}{n + 1} =$

d) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1 + \frac{2}{n}}{n + 2} =$

e) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^n}{n^4} =$

f) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 + 3^n}{n^3 + 2^n} =$

g) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^n - 3^n}{n^4} =$

h) $\lim_{n \rightarrow \infty} n^3 \cdot 0.3^n =$